

# ІНСТИТУТ КІБЕРНЕТИКИ ІМЕНІ В.М.ГЛУШКОВА НАН УКРАЇНИ

«ЗАТВЕРДЖУЮ»

Директор Інституту кібернетики  
імені В.М. Глушкова НАН України  
академік НАН України



Іван СЕРГІЄНКО

» *Вересень* 2025 року

## РОБОЧА ПРОГРАМА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ ФОРМАЛЬНА ВЕРИФІКАЦІЯ ТА ТЕСТУВАННЯ ПРОГРАМНОГО ЗАБЕЗПЕЧЕННЯ (ОНД.06)

для здобувачів освітньо-наукового рівня «доктор філософії»

галузь знань

F «Інформаційні технології»

спеціальність

F3 «Комп'ютерні науки»

освітній рівень

третій (освітньо-науковий)

освітньо-наукова програма

«Комп'ютерні науки»

вид дисципліни

обов'язкова

|                                         |                |
|-----------------------------------------|----------------|
| Форма навчання                          | денна / заочна |
| Навчальний рік                          | 2025/2026      |
| Рік навчання                            | 2              |
| Кількість кредитів ECTS                 | 3              |
| Мова викладання, навчання та оцінювання | українська     |
| Форма заключного контролю               | іспит          |

Викладач: Колчин Олександр Валентинович, к.ф.-м.н., с.н.с.

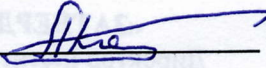
Пролонговано Вченою радою Інституту кібернетики імені В.М. Глушкова НАН України

| Навчальні роки<br>пролонгації | Голова вченої<br>ради | Підпис | № протоколу | Дата протоколу |
|-------------------------------|-----------------------|--------|-------------|----------------|
| 20___/20___ р.                | _____                 | _____  | _____       | _____          |
| 20___/20___ р.                | _____                 | _____  | _____       | _____          |
| 20___/20___ р.                | _____                 | _____  | _____       | _____          |
| 20___/20___ р.                | _____                 | _____  | _____       | _____          |

КИЇВ – 2025

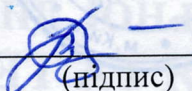
**РОЗРОБНИК:**

Старший науковий співробітник відділу теорії цифрових автоматів,  
к.ф.-м.н., с.н.с.

 **Олександр КОЛЧИН**

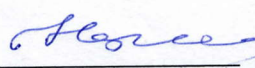
**Робочу програму розглянуто та схвалено на засіданні відділу мікропроцесорної техніки**

Протокол від “29” вересня 20 25 року № 15

Завідувач відділу  
д.т.н., професор  **Володимир ОПАНАСЕНКО**  
(підпис)

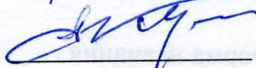
**Робочу програму ухвалено науково-методичною радою**

Протокол від “22” вересня 20 25 року № 2

Голова науково-методичної ради  
академік НАН України  **Іван СЕРГІЄНКО**  
(підпис)

**Робочу програму затверджено Вченою радою Інституту кібернетики імені  
В.М. Глушкова НАН України**

Протокол від “29” вересня 20 25 року № 15

Учений секретар  **Анатолій КУЛЯС**  
(підпис)

**Робочу програму погоджено з гарантом освітньої програми F3 «Комп’ютерні науки»**

“29” вересня 20 25 року

Гарант освітньої програми  
д.т.н., с.н.с.  **Микола БУДНИК**  
(підпис)

## **1. МЕТА ДИСЦИПЛІНИ**

Оволодіння сучасними методами аналізу та синтезу розподілених багатоагентних систем, а також сучасними методами розробки засобів верифікації вимог та тестування для розподілених, паралельних та недетермінованих систем. На базі набутих знань майбутні фахівці зможуть ефективно використовувати прикладні системи верифікації вимог та специфікацій розподілених взаємодіючих систем. Зокрема для генерації тестів для тестування систем з великою або нескінченною кількістю станів та систем реального часу з досяжністю 100 % покриття програмного коду тестами.

## **2. ПОПЕРЕДНІ ВИМОГИ ДО ОПАНУВАННЯ АБО ВИБОРУ НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ:**

1. *Знати:* моделі і методи теорії алгоритмів та математичної логіки, теорії програмування, теорії алгоритмічних систем, теорії формальних мов та граматик, методів алгебраїчного програмування та методи тестування базовані на моделі.
2. *Вміти:*
  - виконувати побудову специфікацій вимог для програмних або апаратних систем,
  - проводити аналіз коректності, обирати ефективні моделі залежно від вибраних вимог,
  - застосовувати методи перевірки виконуваності формул розв'язних теорій,
  - застосовувати критерії тестового покриття та аналізувати ефективність тестових наборів.

## **3. АНОТАЦІЯ НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ:**

Дисципліна забезпечує аспіранта знаннями та технологією використання формальних методів в процесі розробки програмного та апаратного забезпечення.

Завдання курсу – ознайомитись із існуючими технологіями використання формальних методів у верифікації та тестуванні, застосовувати методи формальної верифікації та модельного тестування в процес розробки систем, що критичні до безпеки.

### **3. Завдання (навчальні цілі):**

Набуття знань, умінь та навичок (компетентностей) на рівні новітніх досягнень у області формальних методів у верифікації та тестуванні програмних систем, що критичні до безпеки, відповідно до науково-освітньої кваліфікації «Доктор філософії з комп'ютерних наук», зокрема:

- розвивати здатність формалізувати, використовувати методи символічного моделювання,
- генерувати та реалізовувати нові конкурентоздатні ідеї в галузі формальних методів,
- критично переосмислювати наявні методи та відстежувати тенденції їх розвитку.

## 5.РЕЗУЛЬТАТИ НАВЧАННЯ ЗА ДИСЦИПЛІНОЮ:

| Результат навчання (РН)<br>(1. знати; 2. вміти; 3. комунікація; 4. автономність та відповідальність) |                                                                                                                                                                                                                                       | Форми<br>(та/або<br>методи і<br>технології)<br>викладання<br>і навчання | Методи<br>оцінювання та<br>пороговий<br>критерій<br>оцінювання (за<br>необхідності) | Відсоток у<br>підсумков<br>ій оцінці з<br>дисциплін<br>и |
|------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------|-------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------|
| Код                                                                                                  | Результат навчання                                                                                                                                                                                                                    |                                                                         |                                                                                     |                                                          |
| RH 1.1                                                                                               | Знати та розуміти основні задачі побудови абстракцій, формальної верифікації, та модельного тестування                                                                                                                                | Лекція                                                                  | Залік, модульні контрольні роботи, активна робота на лекції, усні відповіді         | 30%                                                      |
| RH 1.2                                                                                               | Знати основні сучасні формальні методи в області символічного моделювання, використання автоматичного доведення та програм-розв'язувачів в задачах верифікації та модельного тестування.                                              |                                                                         |                                                                                     |                                                          |
| RH 1.3                                                                                               | Знати перелік сучасних програмних комплексів для розв'язання основних задач верифікації та тестування.                                                                                                                                |                                                                         |                                                                                     |                                                          |
| RH 2.1                                                                                               | Вміти застосовувати методи формалізації програмних та апаратних специфікацій на різних рівнях абстракції.                                                                                                                             | Лекції, самостійна робота                                               | Залік                                                                               | 10%                                                      |
| RH 2.2                                                                                               | Вміти застосовувати сучасні програмні комплекси, що базуються на формальних методах, для верифікації програмних та апаратних систем, що критичні до безпеки.                                                                          | Самостійна робота                                                       | Активна робота на лекції                                                            | 20%                                                      |
| RH 2.3                                                                                               | Вміти застосовувати методи модельної розробки та модельного тестування.                                                                                                                                                               |                                                                         | Залік                                                                               | 20%                                                      |
| RH3.1                                                                                                | Обґрунтовувати власний погляд на задачу та вміти доносити свою думку до інших                                                                                                                                                         | Лекції                                                                  | усні відповіді на лекціях, модульні контрольні роботи,                              | 5%                                                       |
| RH4.1                                                                                                | Демонстрація авторитетності, інноваційності, високий ступінь самостійності, академічна та професійна доброчесність, послідовна відданість розвитку нових ідей або процесів у передових контекстах професійної та наукової діяльності. |                                                                         |                                                                                     | 5%                                                       |
| RH4.2                                                                                                | Відповідально ставитися до виконуваних робіт, нести відповідальність за їх якість                                                                                                                                                     |                                                                         |                                                                                     | 10%                                                      |

## 6. СПІВВІДНОШЕННЯ РЕЗУЛЬТАТІВ НАВЧАННЯ ДИСЦИПЛІНИ ІЗ ПРОГРАМНИМИ РЕЗУЛЬТАТАМИ НАВЧАННЯ

| Програмні результати навчання<br>(з опису освітньої програми) | Результати навчання дисципліни |        |        |        |        |        |        |        |        |
|---------------------------------------------------------------|--------------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|
|                                                               | RH 1.1                         | RH 1.2 | RH 1.3 | RH 2.1 | RH 2.2 | RH 2.3 | RH 3.1 | RH 4.1 | RH 4.2 |

|                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |   |   |   |   |  |   |   |   |   |
|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|---|---|---|--|---|---|---|---|
| <b>ПРН-1.</b> Мати передові концептуальні та методологічні знання з комп'ютерних наук і на межі предметних галузей, а також дослідницькі навички, достатні для проведення наукових і прикладних досліджень на рівні останніх світових досягнень з відповідного напрямку, отримання нових знань та/або здійснення інновацій.                                                           |   | + |   | + |  |   |   |   | + |
| <b>ПРН-3.</b> Формулювати і перевіряти гіпотези; використовувати для обґрунтування висновків належні докази, зокрема, результати теоретичного аналізу, експериментальних досліджень (опитувань, спостережень, ...) і математичного та/або комп'ютерного моделювання, наявні літературні дані.                                                                                         | + |   |   | + |  |   |   |   |   |
| <b>ПРН-4.</b> Розробляти та досліджувати концептуальні, математичні і комп'ютерні моделі процесів і систем, ефективно використовувати їх для отримання нових знань та/або створення інноваційних продуктів у комп'ютерній науці та дотичних міждисциплінарних напрямках.                                                                                                              |   |   | + |   |  |   |   | + |   |
| <b>ПРН-6.</b> Застосовувати сучасні інструменти і технології пошуку, оброблення та аналізу інформації, зокрема, статистичні методи аналізу даних великого обсягу та/або складної структури, спеціалізовані бази даних та інформаційні системи.                                                                                                                                        |   |   |   | + |  |   |   |   |   |
| <b>ПРН-7.</b> Розробляти та реалізовувати наукові та/або інноваційні інженерні проекти, які дають можливість переосмислити наявне та створити нове цілісне знання та/або професійну практику і розв'язувати значущі наукові та технологічні проблеми комп'ютерної науки з дотриманням норм академічної етики і врахуванням соціальних, економічних, екологічних та правових аспектів. |   |   |   | + |  |   |   |   | + |
| <b>ПРН-8.</b> Глибоко розуміти загальні принципи та методи комп'ютерних наук, а також методологію наукових досліджень, застосувати їх у власних дослідженнях у сфері комп'ютерних наук та у викладацькій практиці.                                                                                                                                                                    | + |   |   |   |  | + |   |   |   |
| <b>ПРН-9.</b> Вивчати, узагальнювати та впроваджувати в навчальний процес інновації комп'ютерних наук.                                                                                                                                                                                                                                                                                |   |   |   |   |  |   | + |   |   |
| <b>ПРН-10.</b> Здійснювати пошук та критичний аналіз інформації, концептуалізацію та реалізацію наукових проектів з комп'ютерних наук.                                                                                                                                                                                                                                                |   | + |   |   |  |   |   | + |   |

## 7. СХЕМА ФОРМУВАННЯ ОЦІНКИ.

### 77.1. Форми оцінювання здобувачів освітньо-наукового ступеня:

- оцінювання впродовж навчального періоду:

| № | Метод оцінювання                                  | Результати навчання, які оцінюються | Кількість балів |         |
|---|---------------------------------------------------|-------------------------------------|-----------------|---------|
|   |                                                   |                                     | Максимум        | Мінімум |
| 1 | Активна робота на лекції, усні відповіді          | RH1.1, RH1.2, RH1.3                 | 10              | 6       |
| 2 | Виконання завдань, винесених на самостійну роботу | RH2.1, RH2.2, RH4.2                 | 20              | 12      |
| 3 | Модульні контрольні роботи у формі тестів         | RH2.2, RH2.3, RH3.1, RH4.1, RH4.2   | 30              | 18      |
|   | Всього                                            |                                     | 60              | 36      |

- підсумкове оцінювання: диференційований залік.
- максимальна/мінімальна кількість балів які можуть бути отримані: 40/24 балів;
- результати навчання які будуть оцінюватись: RH1, RH2, RH3, RH4;
- форма проведення і види завдань: контрольна робота у формі тестів (20 запитань)..

Здобувачі освітньо-наукового ступеня, які за результатами поточного оцінювання набрали сумарно меншу кількість балів ніж критично-розрахунковий мінімум – 20 балів, до Заліку не допускаються.

Рекомендований мінімум поточного оцінювання – 36 балів, що при мінімумі підсумкового оцінювання 24 бали забезпечує сумарно 60 балів, тобто досягнення мінімуму для отримання позитивної оцінки з дисципліни (зарахування заліку).

### 7.2. Організація оцінювання:

Обов'язковим є виконання завдань, винесених на самостійну роботу за графіком робочої програми. Обов'язковим для допуску до Заліку є виконання завдань, винесених на самостійну роботу, до вказаної викладачем дати, перед початком екзаменаційної сесії, згідно навчального плану.

#### Терміни проведення форм оцінювання:

1. Активна робота на лекції, усні відповіді: протягом навчального періоду;
2. Виконання завдань, винесених на практичні заняття: протягом навчального періоду;
3. Виконання модульних контрольних робіт: до 9 тижня навчального періоду.

У випадку відсутності з поважних причин відпрацювання завдань та перескладання підсумкового оцінювання здійснюються у відповідності до „Положення про організацію освітнього процесу у Інституті кібернетики ім. В.М. Глушкова НАН України”.

### 7.3. Шкала відповідності оцінок

|                           |        |
|---------------------------|--------|
| Відмінно / Excellent      | 90-100 |
| Добре / Good              | 75-89  |
| Задовільно / Satisfactory | 60-74  |
| Незадовільно / Fail       | 0-59   |

## 8. СТРУКТУРА НАВЧАЛЬНОЇ ДИСЦИПЛІНИ.

### ТЕМАТИЧНИЙ ПЛАН ЛЕКЦІЙ

| №                                                                   | Назва лекції                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | Кількість годин |        |                |
|---------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-----------------|--------|----------------|
|                                                                     |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    | Лекції          | Практ. | Самост. робота |
| Модуль 1. Формальні методи перевірки властивостей програмних систем |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                    |                 |        |                |
| 1                                                                   | <b>Тема 1. Формальні методи та сучасні системи верифікації в розробці програмного забезпечення.</b><br>Особливості розробки систем, що критичні до безпеки. Поняття формальної верифікації. Теоретичні основи: трійки Хоара, аксіоми висновку, специфікації властивостей. Різновиди систем та методів верифікації та їх місце в життєвому циклі процесу розробки програмного забезпечення. Адекватність абстракції моделі. Системи верифікації вимог та дизайну. Мови специфікацій формальних вимог. Системи верифікації дизайну. Мови UCM, SySML, Promela.<br><i>Практична робота:</i> Встановити одну із пробних версій систем верифікації та запустити на існуючих еталонних тестах. Побудувати невелику формальну модель (наприклад, ліфт, кава-машина, FIFO). | 2               |        | 8              |
| 2                                                                   | <b>Тема 2. Властивості вимог. Проблеми статичного та динамічного аналізу.</b> Основні властивості вимог: атомарність, незалежність, повнота, коректність, узгодженість. Збір та аналіз вимог до систем. Статичні та динамічні методи перевірки властивостей. Проблеми великої кількості станів та алгоритмічної нерозв'язності.<br><i>Практична робота:</i> Розробити маленькі приклади для демонстрації властивостей consistency, completeness, racing.                                                                                                                                                                                                                                                                                                           | 2               |        | 8              |
| 3                                                                   | <b>Тема 3. Темпоральні логіки. Бінарні діаграми рішень.</b><br>Модальні твердження, темпоральні оператори, формули лінійної темпоральної логіки та логіки з розгалуженим часом. Структура Кріпке. Канонічні форми запису, бінарні діаграми прийняття рішень. Метод розкладання Шеннона.<br><i>Практична робота:</i> Для заданих прикладів записати властивості у вигляді LTL-формул та створити BDD діаграми методом розкладання Шеннона.                                                                                                                                                                                                                                                                                                                          | 2               |        | 8              |
| 4                                                                   | <b>Тема 4. Ефект комбінаторного вибуху та методи редукції простору пошуку.</b><br>Досяжність у тразниційних системах. Комбінаторне зростання кількості шляхів та станів. Задача досяжності властивості, як задача верифікації. Недетермізм, інтерлівінг. Методи редукції: абстракції предикатів, симетрії, часткового порядку, символна перевірка моделі. Уточнення абстракції кероване контр-прикладом. Дедуктивні методи:                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        | 2               |        | 8              |

|                                                                            |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |   |  |   |
|----------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---|--|---|
|                                                                            | <p>доведення теорем, інваріанти. Інтерполянт Крейга. Евристики.</p> <p><i>Самостійна робота:</i> Для заданого прикладу знайти інтерполянт; провести експеримент з ефектом комбінаторного вибуху на існуючих інструментальних засобах.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 |   |  |   |
| 5                                                                          | <p><b>Тема 5. Формальні методи доведення властивостей.</b></p> <p>Символьне моделювання та статична верифікація. Інваріанти циклів. Алгоритм Девіса-Путнема. Метод обмеженої перевірки моделей. Задача виконуваності умови. Машини доведення та системи-розв'язувачі. Автоматичне доведення властивостей в формальних системах.</p> <p><i>Практична робота:</i> Інваріанти: написати маленьку програму з циклом, додати анотації та знайти будь-який нетривіальний інваріант циклу. Символьне виконання: написати маленьку програму та описати її стани методом символьного моделювання.</p>                              | 2 |  | 8 |
| <b>Модуль 2. Тестування програмних систем на основі формальних моделей</b> |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           |   |  |   |
| 6                                                                          | <p><b>Тема 6. Методи тестування в модельній розробці програмних систем.</b></p> <p>Методи і різновиди тестування. Тестування базоване на моделі. Критерії тестового покриття. Методи автоматичної генерації тестових даних. Мінімізація тестового набору. Поширені види помилок, вразливостей та мутаційний підхід. Мови TDL, TTCN. Системи автоматичного виконання тестів.</p> <p><i>Практична робота:</i> Для заданого прикладу: (1) забезпечити покриття програми за критерієм MC/DC, (2) створити 3 мутації різних типів та розробити тести для їх викриття, (3) забезпечити покриття граничних значень.</p>          | 2 |  | 8 |
| 7                                                                          | <p><b>Тема 7. Методи тестування потоку даних. SSA-форма. Потік управління, залежність даних.</b></p> <p>Проблеми ефективності структурних критеріїв покриття. Покриття потоку даних: пари визначення-використання. Форма статичного єдиного призначення. Граф залежності потоку управління. Границі домінування і алгоритми пошуку домінаторів. Прямі і обернені зрізи програм.</p> <p><i>Самостійна робота:</i> Для заданого прикладу програм: (1) побудувати SSA-форму, (2) побудувати обернений зріз, (3) знайти пари визначень-використань, (4) побудувати тестовий набір для покриття пар визначень-використань.</p> | 2 |  | 8 |
| 8                                                                          | <p><b>Тема 8. Критерії покриття потоку даних.</b></p> <p>Поширені критерії тестового покриття на основі аналізу потоку даних. Проблеми існуючих критеріїв. Ланцюги потоку даних та спостережуваність результатів обчислень. Методи автоматизації генерації тестових даних для забезпечення покриття</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   | 2 |  | 7 |

|        |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       |    |  |    |
|--------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----|--|----|
|        | <p>потоків даних.</p> <p><i>Самостійна робота:</i> Для заданого прикладу побудувати тестовий набір для забезпечення покриття ланцюгів обчислень із забезпеченням спостережуваності результатів.</p>                                                                                                                                                                                                                                                                                                   |    |  |    |
| 9      | <p><b>Тема 9.Алгебраїчний підхід у верифікації та тестуванні.</b></p> <p>Агенти та середовища. Алгебраїчна теорія взаємодії та інсерційне моделювання. Алгебра поведінок. Розв'язок поведінкових рівнянь. Алгебраїчна модель генерації тестів. Методи модельного тестування із використанням алгебраїчного підходу. Символьне виконання тестів.</p> <p><i>Практична робота:</i> Для заданого прикладу представити програму в алгебрі поведінок. Показати можливі шляхи при символьному виконанні.</p> | 2  |  | 7  |
| ВСЬОГО |                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                       | 18 |  | 70 |

**Загальний обсяг 90 годин**, в тому числі:

Лекцій – **18 годин**,

Консультації - **2 години**,

Самостійна робота – **70 годин**.

## 9. РЕКОМЕНДОВАНІ ДЖЕРЕЛА

### основні

1. Теорія алгоритмів [Текст] : навч. посіб. / М. С. Нікітченко, О. С. Шкільняк, С. С. Шкільняк ; Київ. нац. ун-т ім. Тараса Шевченка. - Київ : Київський університет, 2015. - 239 с. - Бібліогр.: с. 235-236. - 100 прим. - ISBN 978-966-439-831-9
2. Математична логіка та теорія алгоритмів [Текст] : підруч. для студ. кіберн. ф-тів вищ. навч. закл. / М. С. Нікітченко, С. С. Шкільняк ; Київ. нац. ун-т ім. Т. Шевченка. - К. : Київський університет, 2008. - 528 с. - Бібліогр.: с. 522-524. - 200 прим. - ISBN 966-439-007-0
3. Скінченні автомати: теорія, алгоритми, складність: підручник для студентів вищих навчальних закладів / Кривий С.Л. під. заг. ред. Палагіна О. В. Київ-Чернівці: "Букрек", 2020. 428 с. ISBN 978-617-7770-45-8
4. Основи дискретної математики, підручник, т.1 -2, Ю.Капітонова,О.Летичевський, С.Кривий, Г.Луцький, М. Печурін, К. 2000, ISBN 966-00-0622-5
5. Летичевський О.О.Алгебраїчне моделювання та його застосування. № 3 (2021): Вісник Національної академії наук України. <https://doi.org/10.15407/visn2021.03.059>
6. Летичевський О.О. Сучасні наукові проблеми кібербезпеки. Вісник НАН України. 2023. № 2. с. 12—20. <https://doi.org/10.15407/visn2023.02.012>
7. Лавріщева, К. М. Програмна інженерія : підручник. Академперіодика, Київ.2008. –319 с. ISBN 978–966–02–5052–9  
Гейко О.О.Забезпечення правильності комп'ютерних моделей через верифікацію та валідацію. Вчені записки ТНУ імені В.І. Вернадського. Т.34. с. 30–37. 2023. <https://doi.org/10.32782/2663-5941/2023.4/06>
8. Чебанюк О. Agile підхід аналізу вимог із використанням технологій штучного інтелекту. Проблеми програмування. №2–3. С. 140–146. 2024. <https://doi.org/10.15407/pp2024.02-03.140>
9. Методи реалізації систем інсерційного моделювання [Текст] : автореф. дис. ... д-ра фіз.-мат. наук : 01.05.03 / Песчаненко Володимир Сергійович ; НАН України, Ін-т кібернетики ім. В. М. Глушкова. - Київ, 2015. - 40 с.

10. Символьні методи в тестуванні та верифікації високонадійних програмних систем [Текст] : автореф. дис. ... д-ра фіз.-мат. наук : 01.05.03 / Летичевський Олександр Олександрович ; НАН України, Ін-т кібернетики ім. В. М. Глушкова. - Київ, 2016. - 40 с.
11. Моделі та методи верифікації темпоральних моделей кінцевих автоматів на мовах опису апаратури : дис. ... д-ра філософії : 123 «Комп'ютерна інженерія» / Кирило Юрійович Пшеничний ; М-во освіти і науки України, Харків. нац. ун-т радіоелектроніки. – Харків, 2024. – 108 с. – Бібліогр. : с. 99–107.
12. Дорошенко А.Ю. Формальні та інтелектуальні методи автоматизації проєктування програмних систем. <https://doi.org/10.15407/vsn2025.04.063>
13. А. М. Глибовець, Т. А. Чернова, М. М. Глибовець. Розробка методології імплементації транзакцій в розподілених системах з мікросервісною архітектурою. Проблеми програмування. – №1. – 2024. – с.64–76. <http://doi.org/10.15407/pp2024.01.064>
14. Андон П.І., Дорошенко А.Ю., Акуловський В.Г., Іваненко П.А., Яценко О.А. Формальні та адаптивні методи конструювання високопродуктивних паралельних програм [Текст] : [монографія] / [П. І. Андон та ін. ; ред. В. В. Вероцька] ; НАН України, Ін-т програм. систем ; Проєкт "Наукова книга". - Київ : Наукова думка, 2023. - 310, [1] с. : рис., табл. - (Проєкт "Наукова книга"). - Бібліогр.: с. 298-307. - ISBN 978-966-00-1809-9
15. Колчин О.В., Потієнко С.В. Автоматизований метод перевірки та налагодження тестових сценаріїв на основі формальної моделі. Control Systems and Computers. – 2024, 3, – с.33-44. <https://doi.org/10.15407/csc.2024.03.033>
16. Генерація багатоцільових формальних моделей із успадкованого коду / С.В. Потієнко, О.В. Колчин // Проблеми програмування. — 2022. — № 3-4. — С. 42-50. <https://nasplib.isoftware.kiev.ua/handle/123456789/188627>
17. Kolchin, A., Potiyenko, S. (2022). Extending Data Flow Coverage to Test Constraint Refinements. In: ter Beek, M.H., Monahan, R. (eds) Integrated Formal Methods. IFM 2022. Lecture Notes in Computer Science, vol 13274. Springer, Cham. [https://doi.org/10.1007/978-3-031-07727-2\\_17](https://doi.org/10.1007/978-3-031-07727-2_17)
18. Kolchin, A., Potiyenko, S., Weigert, T. (2019). Challenges for Automated, Model-Based Test Scenario Generation. In: Damaševičius, R., Vasiljevičienė, G. (eds) Information and Software Technologies. ICIST 2019. Communications in Computer and Information Science, vol 1078. Springer, Cham. [https://doi.org/10.1007/978-3-030-30275-7\\_15](https://doi.org/10.1007/978-3-030-30275-7_15)
19. C. A. R. Hoare. An axiomatic basis for computer programming. Communications of the ACM, 12(10):576-585, –1969. <https://doi.org/10.1145/363235.36325>
20. S. Owicki, L. Lamport. Proving Liveness Properties of Concurrent Programs. ACM Trans. Program. Lang. Syst. 4, 3. 1982. 455–495. <https://doi.org/10.1145/357172.357178>
21. Clarke, Edmund M., et al., eds. Handbook of model checking. Vol. 10. Cham: Springer, 2018. ISBN 978-3-319-10575-8. <https://doi.org/10.1007/978-3-319-10575-8>
22. Myers, Glenford J. The art of software testing. 2012. <https://doi.org/10.1002/9781119202486>
23. Elaine J. Weyuker. 1986. Axiomatizing software test data adequacy. IEEE Trans. Softw. Eng. 12, 1 (January 1986), 1128–1138. <https://doi.org/10.1109/TSE.1986.6313008>
24. Letichevsky, A., Gilbert, D. A Model for Interaction of Agents and Environments. In: Bert, D., Choppy, C., Mosses, P.D. (eds) Recent Trends in Algebraic Development Techniques. WADT 1999. Lecture Notes in Computer Science, vol 1827. Springer, Berlin, Heidelberg. [https://doi.org/10.1007/978-3-540-44616-3\\_18](https://doi.org/10.1007/978-3-540-44616-3_18)
25. Letichevsky, A., Gilbert, D. A general theory of action languages. Cybern Syst Anal 34, 12–30 (1998). <https://doi.org/10.1007/BF02911258>
26. Letichevsky, A.A., Letychevskiy, O.A., Peschanenko, V.S. (2012). Insertion Modeling System. In: Clarke, E., Virbitskaite, I., Voronkov, A. (eds) Perspectives of Systems Informatics. PSI 2011. Lecture Notes in Computer Science, vol 7162. Springer, Berlin, Heidelberg. [https://doi.org/10.1007/978-3-642-29709-0\\_23](https://doi.org/10.1007/978-3-642-29709-0_23)

## Додаткові

27. A. V. Anisimov and A. Novokshonov. Verifiable Arithmetic Computations Using Additively Homomorphic Tags. In: 2019 IEEE International Conference on Advanced Trends in Information Theory (ATIT), Kyiv, Ukraine, 2019, pp. 93-96, <https://doi.org/10.1109/ATIT49449.2019.9030485>
28. Peled, D.A. (2019). Formal Methods. In: Cha, S., Taylor, R., Kang, K. (eds) Handbook of Software Engineering. Springer, Cham. [https://doi.org/10.1007/978-3-030-00262-6\\_5](https://doi.org/10.1007/978-3-030-00262-6_5)
29. Kolchyn, O., Potiyenko, S. (2024). Model-Based Test Cases Generation for Extended Data Flow Coverage Criteria. In: Silhavy, R., Silhavy, P. (eds) Software Engineering Methods Design and Application. CSOC 2024. Lecture Notes in Networks and Systems, vol 1118. Springer, Cham. [https://doi.org/10.1007/978-3-031-70285-3\\_43](https://doi.org/10.1007/978-3-031-70285-3_43)
30. Weigert, T. et al. (2019). Generating Test Suites to Validate Legacy Systems. In: Fonseca i Casas, P., Sancho, MR., Sherratt, E. (eds) System Analysis and Modeling. Languages, Methods, and Tools for Industry 4.0. SAM 2019. Lecture Notes in Computer Science(), vol 11753. Springer, Cham. [https://doi.org/10.1007/978-3-030-30690-8\\_1](https://doi.org/10.1007/978-3-030-30690-8_1)
31. Floyd, R.W. (1993). Assigning Meanings to Programs. In: Colburn, T.R., Fetzner, J.H., Rankin, T.L. (eds) Program Verification. Studies in Cognitive Systems, vol 14. Springer, Dordrecht. [https://doi.org/10.1007/978-94-011-1793-7\\_4](https://doi.org/10.1007/978-94-011-1793-7_4)
32. Godefroid, P., Wolper, P. (1992). Using partial orders for the efficient verification of deadlock freedom and safety properties. In: Larsen, K.G., Skou, A. (eds) Computer Aided Verification. CAV 1991. Lecture Notes in Computer Science, vol 575. Springer, Berlin, Heidelberg. [https://doi.org/10.1007/3-540-55179-4\\_32](https://doi.org/10.1007/3-540-55179-4_32)
33. Valmari, A., Clegg, M. (1991). Reduced labelled transition systems save verification effort. In: Baeten, J.C.M., Groote, J.F. (eds) CONCUR '91. CONCUR 1991. Lecture Notes in Computer Science, vol 527. Springer, Berlin, Heidelberg. [https://doi.org/10.1007/3-540-54430-5\\_111](https://doi.org/10.1007/3-540-54430-5_111)
34. M.Y. Vardi and P. Wolper. 1994. Reasoning about Infinite Computations. Inf. Comput. 115, 1 (Nov. 15, 1994), 1–37. <https://doi.org/10.1006/inco.1994.1092>
35. Bryant R. Graph-Based Algorithms for Boolean Function Manipulation. In IEEE Transactions on Computers, vol. C-35, no. 8, pp. 677-691, Aug. 1986, <https://doi.org/10.1109/TC.1986.1676819>
36. R.P. Kurshan. Complementing deterministic Büchi automata in polynomial time. Journal of Computer and System Sciences. Volume 35, Issue 1. 1987. Pages 59-71. [https://doi.org/10.1016/0022-0000\(87\)90036-5](https://doi.org/10.1016/0022-0000(87)90036-5)
37. Norris IP, C., Dill, D.L. Better verification through symmetry. Form Method Syst Des 9, 41–75 (1996). <https://doi.org/10.1007/BF00625968>
38. Park, D. (1981). Concurrency and automata on infinite sequences. In: Deussen, P. (eds) Theoretical Computer Science. Lecture Notes in Computer Science, vol 104. Springer, Berlin, Heidelberg. <https://doi.org/10.1007/BFb0017309>
39. Ho, A., Smith, S., & Hand, S. (2005). On deadlock, livelock, and forward progress (No. UCAM-CL-TR-633). University of Cambridge, Computer Laboratory. ISSN 1476-2986. <https://www.cl.cam.ac.uk/techreports/UCAM-CL-TR-633.pdf>
40. Thomas Lengauer and Robert Endre Tarjan. 1979. A fast algorithm for finding dominators in a flowgraph. ACM Trans. Program. Lang. Syst. 1, 1 .1979. 121–141. <https://doi.org/10.1145/357062.357071>
41. R. Cytron, J. Ferrante, B. K. Rosen, M. N. Wegman, and F. K. Zadeck. 1989. An efficient method of computing static single assignment form. In Proceedings of the 16th ACM SIGPLAN-SIGACT symposium on Principles of programming languages (POPL '89). Association for Computing Machinery, New York, NY, USA, 25–35. <https://doi.org/10.1145/75277.75280>
42. Gerard Holzmann. The SPIN Model Checker: Primer and Reference Manual. Addison-Wesley – 2004. – 585 pp. <https://dl.acm.org/doi/10.5555/1405716>

43. Tim Weillkiens / Systems Engineering with SysML/UML: Modeling, Analysis, Design. The OMG Press. 2008. 320p. <https://dl.acm.org/doi/10.5555/1628912>
44. Patrice Godefroid, Michael Y. Levin, and David Molnar. 2012. SAGE: whitebox fuzzing for security testing. *Commun. ACM* 55, 3 (March 2012), 40–44. <https://doi.org/10.1145/2093548.2093564>
45. Cyrille Arthoet al. The Java Pathfinder Workshop 2019. *SIGSOFT Softw. Eng. Notes* 45, 2 (April 2020), 20–22. <https://doi.org/10.1145/3385678.3385685>
46. Păsăreanu, C.S., Visser, W., Bushnell, D. et al. Symbolic PathFinder: integrating symbolic execution with model checking for Java bytecode analysis. *Autom Softw Eng* 20, 391–425 (2013). <https://doi.org/10.1007/s10515-013-0122-2>
47. Su, T. et. al. A survey on data-flow testing. *ACM Comput. Surv.* 50, 35 p. (2017) <https://doi.org/10.1145/3020266>
48. Beer, I., et al.: Explaining counterexamples using causality. *Formal Methods Syst. Des.* 40(1), 20–40 (2012). <https://doi.org/10.1007/s10703-011-0132-2>
49. Neetu, J., Rabins, P.: Automated test data generation applying heuristic approaches—a survey. *Softw. Eng.*, pp. 699–708 (2019). [http://doi.org/10.1007/978-981-10-8848-3\\_68](http://doi.org/10.1007/978-981-10-8848-3_68)
50. Barr, E., et al.: The oracle problem in software testing: a survey. *IEEE Trans. Softw. Eng.* 41, 507–525 (2015). <https://doi.org/10.1109/TSE.2014.2372785>
51. Li, N., Offut J.: An experimental comparison of four unit test criteria: mutation, edge-pair, all-uses and prime path coverage. In: *IEEE International Conference on Software Testing, Verification and Validation*, pp. 220–229 (2009). <http://doi.org/10.1109/ICSTW.2009.30>
52. Namin, A., Andrews, J.: The influence of size and coverage on test suite effectiveness. In: *Proceedings of International Symposium on Software Testing*, pp. 57–68 (2009). <http://doi.org/10.1145/1572272.1572280>
53. Heidmahl, M., et al.: Test-suite reduction for model based tests: effects on test quality and implications for testing. In: *ASE Conference*, pp. 176–185 (2004). <http://doi.org/10.1109/ASE.2004.1342735>
54. Morell, L.J.: A theory of fault-based testing. *IEEE Trans. Softw. Eng.* 16(8), 844–857 (1990). <https://doi.org/10.1109/32.57623>
55. Hong, H.S., Ural, H.: Dependence testing: extending data flow testing with control dependence. In: Khendek, F., Dssouli, R. (eds.) *TestCom 2005*. LNCS, vol. 3502, pp. 23–39. Springer, Heidelberg (2005). [https://doi.org/10.1007/11430230\\_3](https://doi.org/10.1007/11430230_3)
56. Ntafos S. 1984. On required element testing. *IEEE Trans. Softw. Eng.* Vol.10, 795–803. <https://doi.org/10.1109/TSE.1984.5010308>
57. Cadar, C., Sen, K.: Symbolic execution for software testing: three decades later. *Commun. ACM* 56(2), 82–90 (2013). <https://doi.org/10.1145/2408776.2408795>
58. Staats, M., Gay, G., Whalen, M., Heidmahl, M.: On the danger of coverage directed test case generation. In: de Lara, J., Zisman, A. (eds.) *FASE 2012*. LNCS, vol. 7212, pp. 409–424. Springer, Heidelberg (2012). [https://doi.org/10.1007/978-3-642-28872-2\\_28](https://doi.org/10.1007/978-3-642-28872-2_28)
59. Chilenski, J., Millner, S.: Applicability of modified condition/decision coverage to software testing. *Softw. Eng. J.* 9, 193–200 (1994) <https://doi.org/10.1049/sej.1994.0025>
60. Miranda B., Bertolino A. 2020. Testing Relative to Usage Scope: Revisiting Software Coverage Criteria. *ACM Trans. Softw. Eng. Methodol.* 29, 3, Art. 18. <https://doi.org/10.1145/3389126>
61. Barani M, Labiche Y and Rollet A. 2023. On factors that impact the relationship between code coverage and test suite effectiveness: a survey. *IEEE Int. Conf. on Software Testing, Verification and Validation Workshops (ICSTW)*. 381–388. <https://doi.org/10.1109/ICSTW58534.2023.00071>
62. Bhatt D., Ren H., Murugesan A., Biatek J., Varadarajan, S., Shankar, N. 2022. Requirements-Driven Model Checking and Test Generation for Comprehensive Verification. In: Deshmukh, J.V., Havelund, K., Perez, I. (eds) *NASA Formal Methods. NFM 2022*. Lecture Notes in Computer Science, Vol. 13260. Springer, Cham. [https://doi.org/10.1007/978-3-031-06773-0\\_31](https://doi.org/10.1007/978-3-031-06773-0_31)

63. Vu, F., Leuschel, M.: Validation of formal models by interactive simulation. In: Glässer, U., Creissac Campos, J., Méry, D., Palanque, P. (eds.) ABZ 2023. LNCS, vol. 14010, pp. 59–69. Springer, Cham (2023). [https://doi.org/10.1007/978-3-031-33163-3\\_5](https://doi.org/10.1007/978-3-031-33163-3_5)
64. Y. Meng, G. Gay and M. Whalen, "Ensuring the Observability of Structural Test Obligations," in IEEE Transactions on Software Engineering, vol. 46, no. 7, pp. 748–772, 1 July 2020, <https://doi.org/10.1109/TSE.2018.2869146>
65. Rastello, F., Tichadou, F.: SSA-Based Compiler Design, p. 382. Springer, Cham (2022). <https://doi.org/10.1007/978-3-030-80515-9>
66. Odarushchenko O., et al.: Application of formal verification methods in a safety-oriented software development life cycle. In: 13th International Conference on Dependable Systems, Services and Technologies, pp. 1–6 (2023). <https://doi.org/10.1109/DESSERT61349.2023.10416448>
67. Liu, S., Nakajima, S.: Automatic test case and test oracle generation based on functional scenarios in formal specifications for conformance testing. IEEE Trans. Softw. Eng. 48(2), 691–712 (2022). <https://doi.org/10.1109/TSE.2020.2999884>
68. Kolchin, A., Potiyenko, S., Weigert, T.: Extending data flow coverage with redefinition analysis. In: IEEE International Conference on Information and Digital Technologies (IDT), Zilina, Slovakia, pp. 293–296 (2021). <https://doi.org/10.1109/IDT52577.2021.9497535>
69. Martin, T., Kosmatov, N., Prevosto, V., Lemerre, M.: Detection of polluting test objectives for dataflow criteria. In: Dongol, B., Troubitsyna, E. (eds.) Integrated Formal Methods. IFM2020. Lecture Notes in Computer Science, vol. 12546. Springer, Cham (2020). [https://doi.org/10.1007/978-3-030-63461-2\\_18](https://doi.org/10.1007/978-3-030-63461-2_18)
70. Lange, T., Neuhäuser, M.R., Noll, T., et al.: IC3 software model checking. Int. J. Softw. Tools Technol. Transf. 22, 135–161 (2020). <https://doi.org/10.1007/s10009-019-00547-x>
71. Gallardo, M.M., Merino, P., Panizo, L.: The role of abstraction in model checking. In: Lopez-Garcia, P., Gallagher, J.P., Giacobazzi, R. (eds.) Analysis, Verification and Transformation for Declarative Programming and Intelligent Systems. Lecture Notes in Computer Science, vol. 13160. Springer, Cham (2023). [https://doi.org/10.1007/978-3-031-31476-6\\_8](https://doi.org/10.1007/978-3-031-31476-6_8)
72. Beyer, D., Gulwani, S., Schmidt, D.: Combining Model Checking and Dataflow Analysis. Handbook of Model Checking, pp. 493–540. Springer, 2018. <https://doi.org/10.1007/978-3-319-10575-8>
73. Chekam T., Papadakis M., Traon Y., Harman M. An Empirical Study on Mutation, Statement and Branch Coverage Fault Revelation That Avoids the Unreliable Clean Program Assumption. In IEEE/ACM 39th International Conference on Software Engineering (ICSE), Buenos Aires, Argentina, pp. 597–608. (2017). <https://doi.org/10.1109/ICSE.2017.61>

#### Інтернет ресурси

74. SPIN Homepage, <http://spinroot.com/spin/whatispin.html>
75. ISO/IEC 13568:2002. Information Technology — Z Formal Specification Notation — Syntax, Type System and Semantics. [Електронний ресурс] <https://www.iso.org/standard/21573.html>
76. ITU-T Recommendation, Z.151, User Requirements Notation (URN) – Language definition. [Електронний ресурс] <https://www.itu.int/rec/t-rec-z.151/en>
77. ITU-T Recommendation, Z.120, Message Sequence Charts (MSC) [Електронний ресурс] <https://www.itu.int/rec/t-rec-z.120>
78. Temporal logics LTL, CTL and CTL\*. Конспект лекцій [Електронний ресурс] [http://people.irisa.fr/Francois.Schwarzentruher/mit2\\_cvfp\\_2011/7/poly\\_logiques\\_temporelles.pdf](http://people.irisa.fr/Francois.Schwarzentruher/mit2_cvfp_2011/7/poly_logiques_temporelles.pdf)
79. Темпоральні логіки та їх застосування. [Електронний ресурс] <https://ir.library.knu.ua/handle/123456789/2745>
80. Simulation and Bisimulation. Конспект лекцій [Електронний ресурс] <http://www.cse.unsw.edu.au/~cs3153/20T1/Week%2004/1Tue/Slides%20Condensed.pdf>

81. Counter-example abstraction refinement method. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://www.cs.utexas.edu/~isil/cs389L/cegar-6up.pdf>
82. Loopinvariants. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://www.cs.cornell.edu/courses/cs1110/2018sp/lectures/lecture24/presentation-24.pdf>
83. Loopinvariants. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://courses.cs.washington.edu/courses/cse507/14au/slides/L4.pdf>
84. Loopinvariants. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://www.cs.cmu.edu/~15122-archive/n17/lec/slides/loopinvariants.pdf>
85. SAT/SMT: DPLL, теорії та застосування. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://resources.mpi-inf.mpg.de/departments/rg1/conferences/vtsa17/slides/reynolds-vtsa-part1.pdf>
86. Symbolic execution. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://courses.cs.washington.edu/courses/cse403/16au/lectures/L16.pdf>
87. Cyber vulnerabilities: CommonWeaknessEnumeration storage. [Електронний ресурс][https://cwe.mitre.org/top25/archive/2024/2024\\_kev\\_list.html](https://cwe.mitre.org/top25/archive/2024/2024_kev_list.html)
88. Cyber security: authentication. [Електронний ресурс]<https://userpages.umbc.edu/~dgorin1/451/security/dcomm/authentication.htm>
89. CyberSecurity: Network Security. Конспект лекцій [Електронний ресурс][https://userpages.umbc.edu/~dgorin1/451/security/dcomm/security\\_intro.htm](https://userpages.umbc.edu/~dgorin1/451/security/dcomm/security_intro.htm)
90. Cybersecurity: integrity. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://userpages.umbc.edu/~dgorin1/451/security/dcomm/integrity.htm>
91. Тестування програм. Конспект лекцій [Електронний ресурс][http://mmsa.kpi.ua/sites/default/files/disciplines/Розробка%20i%20тестування%20програм/didkovska\\_m\\_v\\_testing\\_part2\\_criteria.pdf](http://mmsa.kpi.ua/sites/default/files/disciplines/Розробка%20i%20тестування%20програм/didkovska_m_v_testing_part2_criteria.pdf)
92. Dataflowanalysis. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://greg4cr.github.io/courses/spring20dit635/Lectures/Spring20-Lecture9-DataFlow.pdf>
93. Single static assignment form. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://groups.seas.harvard.edu/courses/cs153/2018fa/lectures/Lec23-SSA.pdf>
94. Single static assignment form description. [Електронний ресурс][https://en.wikipedia.org/wiki/Static\\_single-assignment\\_form](https://en.wikipedia.org/wiki/Static_single-assignment_form)
95. Definition-usagchains. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://www.slideserve.com/chas/factored-use-def-chains-and-static-single-assignment-forms-powerpoint-ppt-presentation>
96. Static Single Assignment: discussions and examples. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://www.cs.cornell.edu/courses/cs6120/2022sp/lesson/6/>
97. Compilerdesigncodeoptimization. Конспект лекцій [Електронний ресурс][https://www.tutorialspoint.com/compiler\\_design/compiler\\_design\\_code\\_optimization.htm](https://www.tutorialspoint.com/compiler_design/compiler_design_code_optimization.htm)
98. Тестування програмного забезпечення систем. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://repository.knuba.edu.ua/items/c9c554e3-17bc-4860-a870-35db8712bb7f>
99. Сучасні технології автоматизованого проектування і верифікації програм. Конспект лекцій [Електронний ресурс]<https://ela.kpi.ua/handle/123456789/56781>